

Module 6

Un tutorial:Utilisation de modèle pour résoudre des équations

 <https://www.youtube.com/watch?v=9Ar-lzdESBU>

6.1

Résoudre des équations à l'aide de modèles

Objectif Représenter et résoudre des équations linéaires à l'aide de matériel concret.

Rappelle-toi qu'un carreau unitaire jaune représente +1.  +1

Un carreau unitaire rouge représente -1.

Que donne la combinaison d'un carreau unitaire rouge  et d'un carreau unitaire jaune? -1

Le carreau de variable jaune  représente une variable quelconque, comme n ou x .



Exemple 1

Herman participe à la dernière manche du marathon d'épellation de son école élémentaire à Yellowknife.

Chaque mot épilé correctement rapporte 3 points.

Herman a 42 points. Combien de mots a-t-il épilés correctement ?

Une solution

Soit h , le nombre de mots qu'Herman a épilés correctement.

Le nombre de points d'Herman est égal à 3 fois h ou $3h$.

Herman a 42 points, donc l'équation est $3h = 42$.

Représente cette équation à l'aide d'une balance à plateaux.

Dessine des masses qui représentent $3h$ dans le plateau de gauche.

Dessine une masse qui représente 42 dans le plateau de droite.

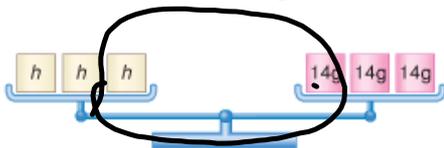


$$42 \div 3 = 14$$



Étant donné qu'il y a 3 masses identiques inconnues dans le plateau de gauche, remplace 42 g dans le plateau de droite par 3 masses de même valeur.

Chaque masse représente 14 g.



Chaque masse inconnue vaut donc 14 g.

$$h = 14$$



Herman a épilé 14 mots correctement.

Vérifie: 14 mots qui valent 3 points chacun = $14 \times 3 = 42$ points.

La solution est exacte.

Tu peux aussi résoudre une équation à l'aide de carreaux algébriques. Il faut regrouper les carreaux de variable d'un côté du signe d'égalité et les carreaux unitaires de l'autre côté.

Exemple 2

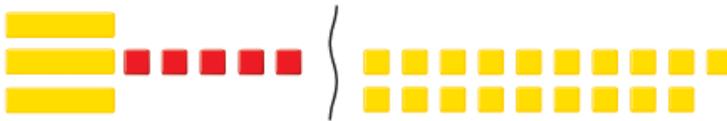
Joanie participe aussi au marathon d'épellation à Yellowknife. Chaque mot épilé correctement rapporte 3 points. Une faute a fait perdre 5 points à Joanie, qui a maintenant 19 points. Combien de mots Joanie a-t-elle épilés correctement ?

Une solution

Soit j , le nombre de mots que Joanie a épilés correctement.
Le nombre de points obtenus par Joanie égale $3j$.
Enlève la pénalité et le nombre de points est de $3j - 5$.
L'équation est donc $3j - 5 = 19$.

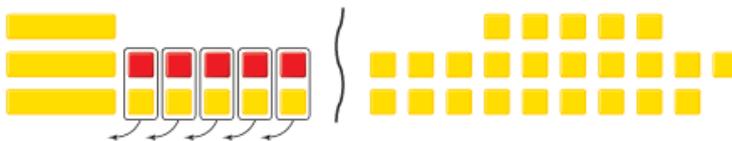
Du côté gauche, représente $3j - 5$ à l'aide de carreaux.

Du côté droit, représente 19 à l'aide de carreaux.



Pour isoler la variable j du côté gauche, ajoute 5 carreaux unitaires positifs dans le but de former des paires nulles.

Pour conserver l'équilibre, ajoute aussi 5 carreaux unitaires positifs du côté droit.



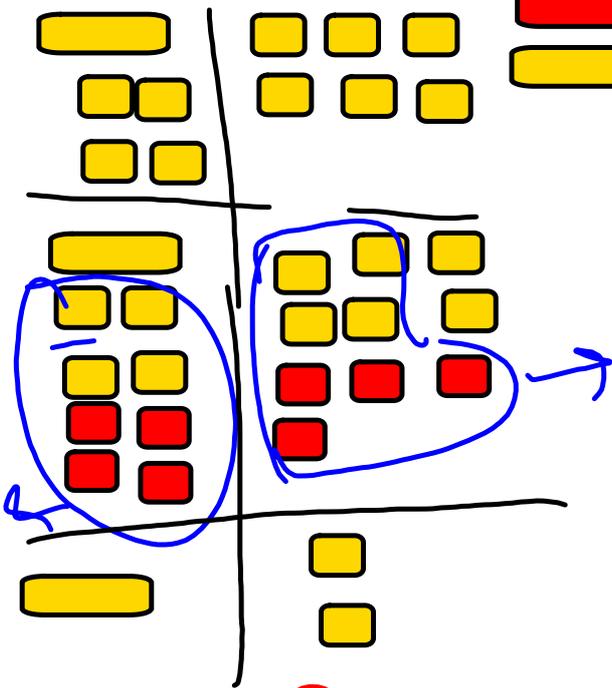
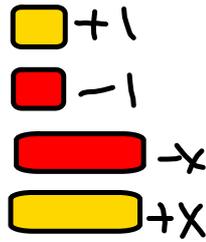
Il y a 3 carreaux de variable j . Dispose donc les carreaux unitaires en 3 groupes égaux.



La réponse est $j = 8$.

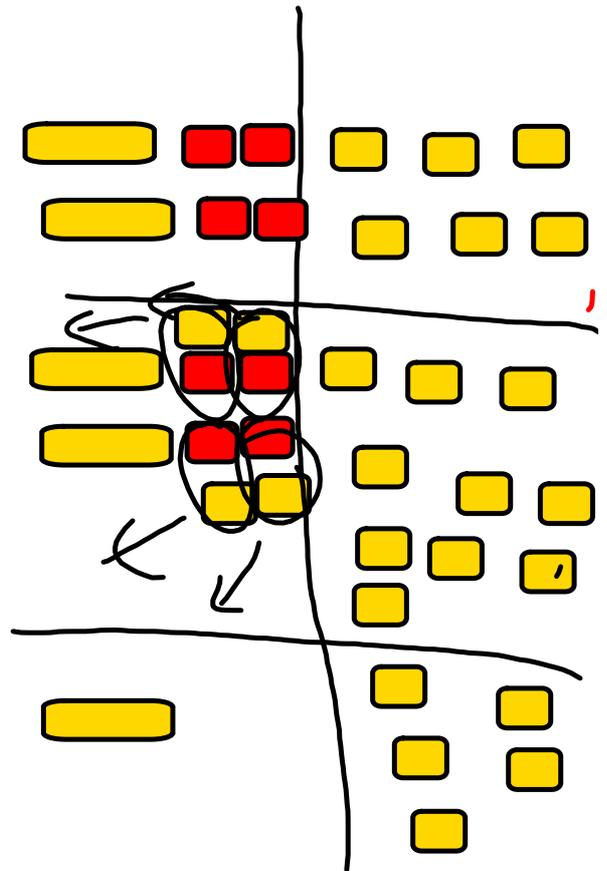
Joanie a épilé 8 mots correctement.

$$x + 4 = 6$$



$$x = 2$$

$$2x - 4 = 6$$



$$x = 5$$

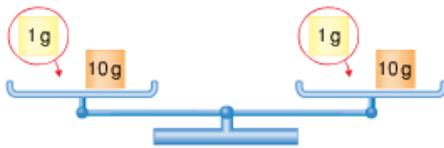
Découvre

Tu peux résoudre une équation à l'aide d'une balance à plateaux.

Pour maintenir les plateaux en équilibre, tu dois faire la même chose de chaque côté.

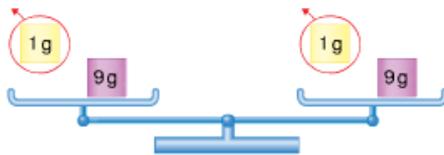
Par exemple,

tu ajoutes la même masse :



Les plateaux demeurent en équilibre.

tu enlèves la même masse :

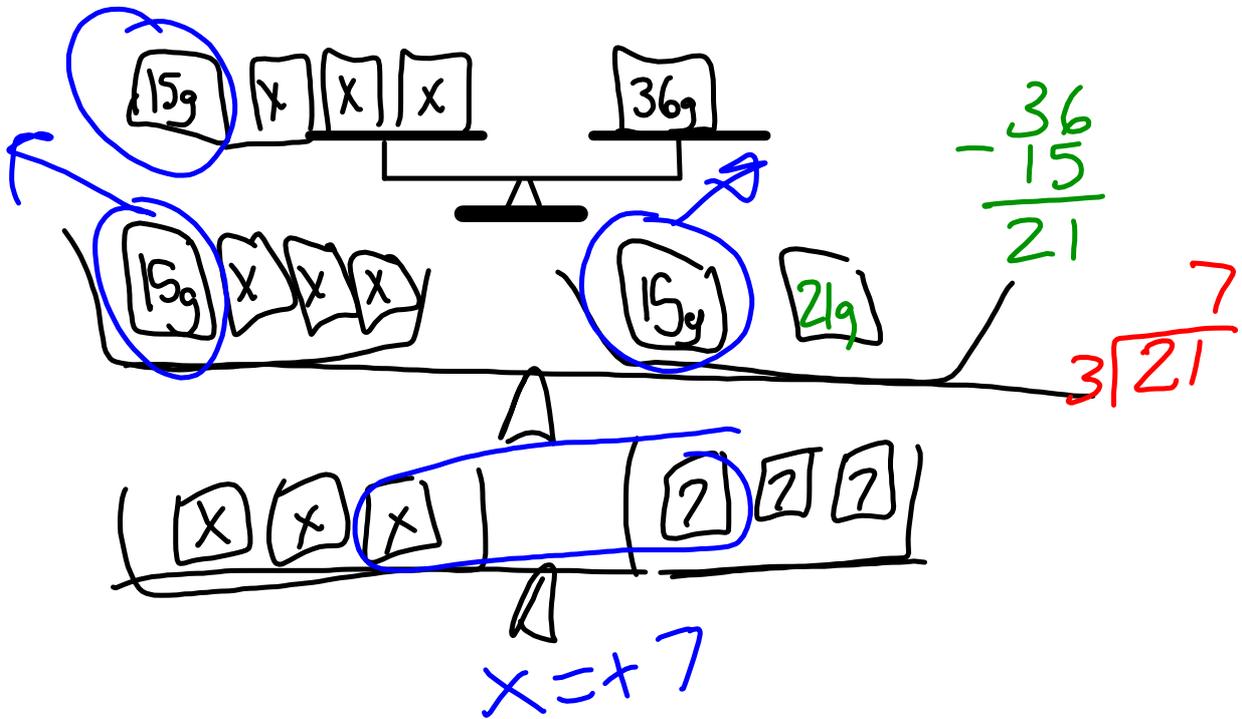


Les plateaux demeurent en équilibre.





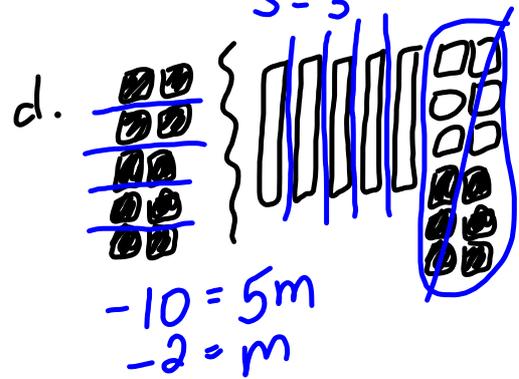
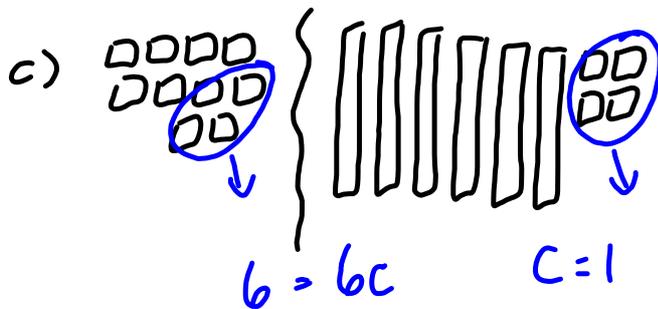
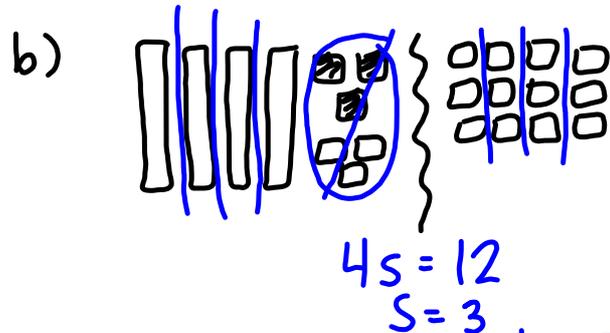
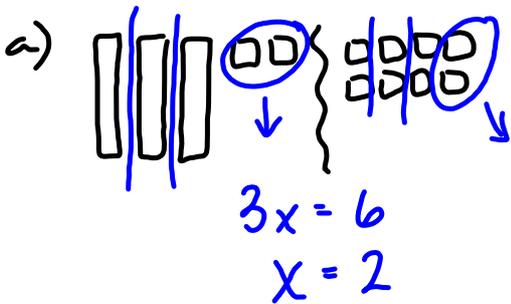
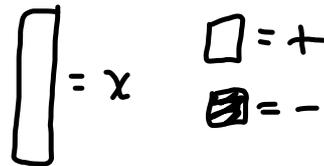
$$3x + 15 = 36$$



P.324 # 6, 7, 8, 10 Devoir

6. À l'aide de dessins, montre les étapes qui t'ont permis de résoudre chaque équation.

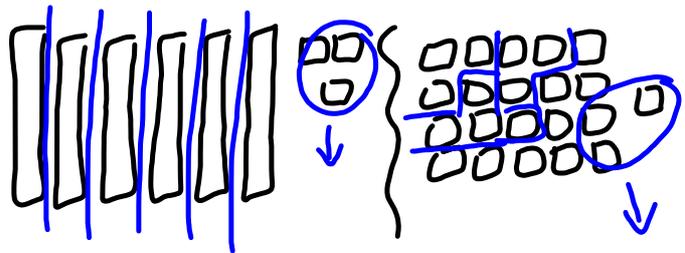
- a) $3x + 2 = 8$ b) $4s - 3 = 9$
 c) $10 = 6c + 4$ d) $-4 = 5m + 6$



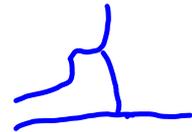
7. Trois de plus que six fois un nombre donne 21. Soit n , le nombre.
- Écris une équation pour trouver la valeur de n .
 - Représente l'équation à l'aide de carreaux. Utilise les carreaux pour résoudre l'équation.
 - Vérifie ta solution.

$$3 + 6n = 21$$

$$6n + 3 = 21$$



$$6n = 18$$
$$n = 3$$



8. Trois de moins que six fois un nombre égale 21. Soit n , le nombre.
- Écris une équation pour trouver la valeur de n .
 - Représente l'équation à l'aide de carreaux. Utilise les carreaux pour résoudre l'équation.
 - Vérifie ta solution.

$$6n - 3 = 21$$
$$6n = 24$$
$$n = 4$$

Attachments

Tutorial for SMART Response 2013.notebook